

[www.freemaths.fr](http://www.freemaths.fr)

# Spé Maths

## Terminale

Bernoulli & binomiale



**CORRIGÉ** DE L'EXERCICE

# GAGNER UNE VOITURE

## CORRECTION

1. Déterminons la probabilité pour que le candidat perde 6 000 €:

Préalablement notons que: •  $P(\text{"tirer une boule rouge"}) = 0,7$

•  $P(\text{"tirer une boule blanche"}) = 0,3$ .

Le candidat perd 6 000 € sur 6 tirages avec remise s'il tire 5 fois une boule rouge.

• Soit l'expérience aléatoire consistant à réaliser 6 tirages avec remise dans une urne contenant 7 boules rouges et 3 boules blanches.

La probabilité de tirer une boule rouge dans l'urne est de 0,7.

Soient les événements  $R = \text{"tirer une boule rouge"}$ , et  $\bar{R} = \text{"tirer une boule blanche"}$ .

On désigne par  $X$  la variable aléatoire qui compte le nombre de boules rouges obtenu après 6 tirages avec remise.

**Cette expérience est un schéma de Bernoulli.**

Nous sommes en présence de 6 épreuves aléatoires identiques et indépendantes, avec à chaque fois 2 issues possibles:  $R$  et  $\bar{R}$ .

La variable aléatoire discrète  $X$  représentant le nombre de réalisations de  $R$  suit donc **une loi binomiale** de paramètres:  $n=6$  et  $p=0,7$ .

Et nous pouvons noter:  $X \rightsquigarrow B(6; 0,7)$ .

- Dans ces conditions, il s'agit de calculer ici:  $P(X=5)$ .

Soit  $X$  la variable aléatoire qui compte le nombre de succès.

Pour tout entier  $k$ ,  $0 \leq k \leq n$ , la probabilité d'obtenir  $k$  succès sur  $n$  épreuves indépendantes (ou avec remise) est:

$$P(X=k) = \binom{n}{k} p^k \cdot (1-p)^{(n-k)}, \text{ avec: } \binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

Or ici:  $n=6$  et  $p=0,7$ .

$$\begin{aligned} \text{D'où: } P(X=5) &= \binom{6}{5} (0,7)^5 \cdot (0,3)^{(6-5)} \\ &= 6 \times (0,7)^5 \times (0,3) \\ &= 0,3025. \end{aligned}$$

Ainsi, la probabilité pour le candidat de perdre 6000€ est de: **30,25%**.