www.freemaths.fr

Spé Maths Terminale

Suites Géométriques



CORRIGÉ DE L'EXERCICE

ALAIN ET BÉRENGÈRE

CORRECTION

1. Vérifions que $a_1 = 19760$ et calculons a_2 :

Soit a, le salaire annuel en € d'Alain durant l'année 2020 + n.

D'après l'énoncé, le **salaire initial** d'Alain est de 19000 € et ce dernier **augmentera de 4%** chaque année.

Dans ces conditions: • $a_0 = 19000$ (2020 = année de base = année 0)

•
$$a_{n+1} = a_n + 4\% \times a_n$$
 cad $a_{n+1} = (1,04) \times a_n$

D'où: • $a_1 = 1,04 \times a_0$ cad $a_1 = 19760 €$

•
$$a_2 = 1,04 \times a_1$$
 cad $a_2 = 20550, 4 \in$.

Ainsi, nous avons bien $a_1 = 19760 \in a_2 = 20550, 4 \in a_3$

2. Déterminons la nature de la suite (a_n):

Soit a_n le salaire annuel en \in d'Alain durant l'année 2020 + n, avec $a_0 = 19000 \in (\text{salaire initial})$.

Nous savons que le salaire initial d'Alain augmentera de 4% chaque année.

Dans ces conditions, nous pouvons écrire:

$$a_{n+1} = a_n + 4\% \times a_n$$
 cad $a_{n+1} = (1,04) \times a_n$, pour tout $n \in \mathbb{N}$.

 (a_n) est donc une suite géométrique de raison q = 1,04 et de premier terme $a_n = 19000$ \Leftrightarrow : $a_n = (1,04)^n \times 19000$, pour tout $n \in IN$.

3. Recopions et complétons le script Python:

Le script Python complété est le suivant:

def salaire_alain (n):
$$a = 19000$$
for i in range (n):
$$a = 1.04 * a$$
return n

4. a. Déterminons la nature de la suite (b_n) :

Soit b_n le salaire annuel de Bérangère durant l'année 2020 + n, avec $b_0 = 20000$ (salaire initial).

Nous savons que chaque année, il y aura une **augmentation de 700**€ de son salaire annuel.

Dans ces conditions, nous pouvons écrire:

$$b_{n+1} = b_n + 700$$
, pour tout $n \in IN$.

 (b_n) est donc une suite arithmétique de raison r = 700 € et de premier terme $b_0 = 20000 €$: $b_n = 20000 + 700 x n$, pour tout n ∈ IN.

4. b. Est-il possible que le salaire d'Alain dépasse celui de Bérangère ?

D'après les données de la fonction salaire_alain (n) et de la feuille de calculs de Bérangère, nous avons:

n	a _n	b _n
0	19000€	20000€
1	19760€	20700€
2	20550, 4€	2/400€
3	2/372€	22 /00€
4	22227€	22800€
5	23116€	23500€
6	24041€	24200€
7	25002€	24900€
8	26002€	25600€
9	27042€	26300€

Oui, il est possible que le salaire d'Alain dépasse celui de Bérangère: cela se produira l'année 7 cad en 2027.