

[www.freemaths.fr](http://www.freemaths.fr)

# Maths Complémentaires Terminale

Intégrales par **IPP**



**CORRIGÉ** DE L'EXERCICE

# CALCUL D'UNE INTÉGRALE PAR IPP

5

## CORRECTION

Calculons  $I$  à l'aide d'une IPP:

Ici:  $I = \int_1^4 \frac{\ln x}{x^3} dx.$

Soit  $f(x) = \frac{\ln x}{x^3}$ .  $f$  est continue sur  $[1; 4]$ . Elle admet donc des primitives sur  $[1; 4]$  et par conséquent  $I$  existe.

Ayons recours à une intégration par parties (IPP) pour le calcul de l'intégrale  $I$ .

Posons: •  $u(x) = \ln x$ , d'où  $u'(x) = \frac{1}{x}$

•  $v'(x) = \frac{1}{x^3}$ , d'où  $v(x) = -\frac{1}{2x^2}$ .

( $u$  et  $v$  admettent des dérivées continues sur  $[1; 4]$ )

Dans ces conditions:  $I = [u(x) \times v(x)]_1^4 - \int_1^4 v(x) \times u'(x) dx$

$$= \left[ (\ln x) \times \left( -\frac{1}{2x^2} \right) \right]_1^4 - \int_1^4 \left( -\frac{1}{2x^2} \right) \times \left( \frac{1}{x} \right) dx$$

$$= -\frac{1}{2} \left[ \frac{\ln x}{x^2} \right]_1^4 + \frac{1}{2} \int_1^4 \frac{1}{x^3} dx$$

$$= -\frac{1}{2} \left[ \frac{\ln x}{x^2} \right]_1^4 + \frac{1}{2} \left[ -\frac{1}{2x^2} \right]_1^4$$

$$= -\frac{1}{2} \left( \frac{\ln 4}{16} \right) - \frac{1}{4} \left( \frac{1}{16} - 1 \right)$$

$$= -\frac{\ln 2}{16} + \frac{15}{64}$$

Au total, nous avons:  $I = -\frac{\ln 2}{16} + \frac{15}{64}$ .