

[www.freemaths.fr](http://www.freemaths.fr)

1<sup>re</sup>

# Technologique Mathématiques

(STI2D)

Nombres Complexes  
Partie Géométrique



**MINI COURS**

## A. Affixe d'un point :

### 1. Définition :

Un nombre complexe  $z = x + iy$  peut être représenté dans le plan par un point  $M$  de coordonnées  $(x; y)$  :  **$z$  est appelé affixe du point  $M$ .**

### 2. Remarque :

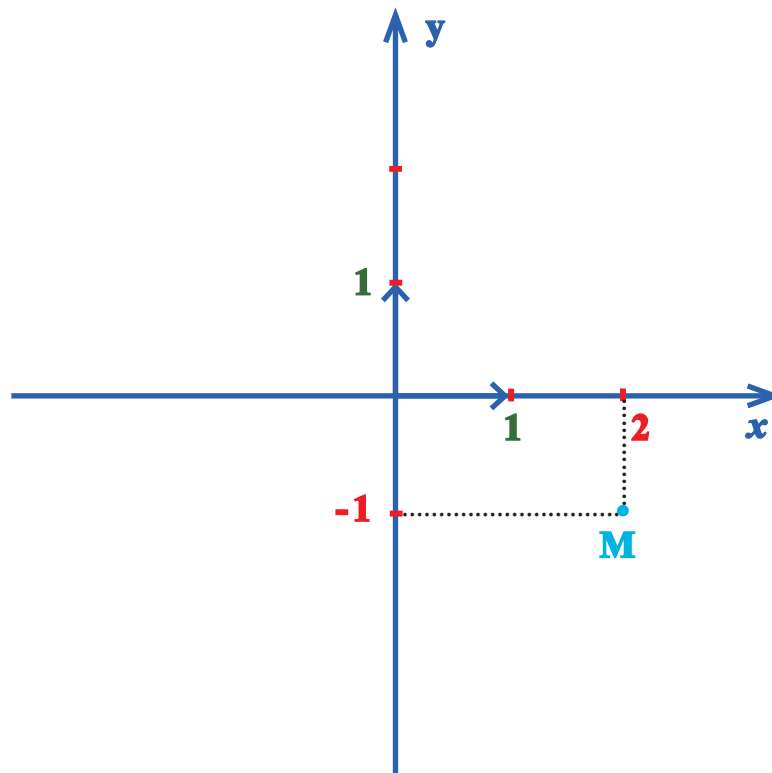
On dit que : **le point  $M$  est l'image de  $z$ .**

### 3. Exemple :

Soit  $z = 2 - i$ , un nombre complexe.

Nous pouvons dire alors : •  **$z$  est l'affixe du point  $M(2; -1)$**

•  **$M(2; -1)$  est l'image de  $z$ .**



## B. Affixe d'un vecteur :

### 1. Définition :

Soient A et B deux points d'affixes respectives  $z_A$  et  $z_B$ .

Le vecteur  $\overrightarrow{AB}$  a pour affixe le complexe:  $z_B - z_A$ .

### 2. Exemple :

Soit: •  $z_A = 3 + 2i$ , l'affixe du point A

•  $z_B = 2 - 7i$ , l'affixe du point B.

Dans ces conditions, le vecteur  $\overrightarrow{AB}$  a pour affixe :

$$\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} 2 - 3 \\ -7 - 2 \end{pmatrix} \text{ cad } \overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} -1 \\ -9 \end{pmatrix}.$$

## C. Propriétés :

1. Soient A et B deux points d'affixes respectives  $z_A$  et  $z_B$ .

• Les points A et B sont confondus ssi:  $z_A = z_B$ .

• Le milieu du segment [AB] a pour affixe:  $\frac{z_A + z_B}{2}$ .

2. Soient  $\vec{U}$  et  $\vec{V}$  deux vecteurs ayant pour affixe respectives  $z_u$  et  $z_v$ .

• Les vecteurs  $\vec{U}$  et  $\vec{V}$  sont égaux ssi:  $z_u = z_v$ .

• Le vecteur  $\vec{U} + \vec{V}$  a pour affixe:  $z_u + z_v$ .

3. Les points  $M(z)$  et  $M'(\bar{z})$  sont **symétriques par rapport à l'axe des abscisses**.

## D. Comment montrer...?

Soient quatre points  $A(z_A)$ ,  $B(z_B)$ ,  $C(z_C)$  et  $D(z_D)$ .

### 1. Deux vecteurs parallèles ou colinéaires :

$$(AB) // (CD) \text{ ssi: } \frac{z_D - z_C}{z_B - z_A} \in \mathbb{R}.$$

### 2. Trois points alignés :

$$A, B \text{ et } C \text{ sont alignés ssi: } \frac{z_C - z_A}{z_B - z_A} \in \mathbb{R}.$$

### 3. Deux vecteurs orthogonaux :

$$(AB) \perp (CD) \text{ ssi: } \frac{z_D - z_C}{z_B - z_A} \text{ est un imaginaire pur.}$$

### 4. Égalité entre deux longueurs :

$$\text{la longueur } [AB] = \text{la longueur } [AC] \text{ ssi: } |z_B - z_A| = |z_C - z_A|.$$

### 5. Triangle $ABC$ isocèle en $A$ :

Le triangle  $ABC$  est isocèle en  $A$  lorsque la longueur du côté  $[AB]$  est égale à la longueur du côté  $[AC]$  cad ssi:  $|z_B - z_A| = |z_C - z_A|$ .

### 6. Triangle $ABC$ rectangle en $A$ :

$$\text{Le triangle } ABC \text{ est rectangle en } A \text{ ssi: } \frac{z_C - z_A}{z_B - z_A} \text{ est un imaginaire pur.}$$

## 7. Triangle **ABC** équilatéral direct :

Le triangle **ABC** est un triangle équilatéral direct ssi :

$$\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A} = \frac{1}{2} + i \left( \frac{\sqrt{3}}{2} \right).$$

## 8. Quadrilatère **ABCD** = losange :

Le quadrilatère **ABCD** est un losange ssi :

- $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$
- $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC}$
- $(BD) \perp (CA)$
- $|z_B - z_A| = |z_C - z_D|$
- $|z_D - z_A| = |z_C - z_B|$
- $\frac{z_A - z_C}{z_D - z_B}$  est un imaginaire pur.