www.freemaths.fr



# Mathématiques Enseignement Scientifique

Arbres Pondérés



**CORRIGÉ DE L'EXERCICE** 

# SERVICE A, B OU C?

### CORRECTION

#### 1. a. Justifions que P(A) = 0,45:

D'après l'énoncé, nous avons:

- A = " l'employé fait partie du service A ".
- •B = "l'employé fait partie du service B ".
- •C = " l'employé fait partie du service C ".
- •T = " l'employé réside à moins de 30 minutes de l'entreprise ".
- • $\overline{T}$  = " l'employé réside à plus de 30 minutes de l'entreprise ".

• P (A) = 45% 
$$\left(\frac{450}{1000}\right)$$

- P(B) = 23%
- P(C) = 32%.

•
$$P_A(T) = 40\%$$

• 
$$P_A(\overline{T}) = 1 - 40\% = 60\%$$
.

•
$$P_{B}(T) = 20\%$$

• 
$$P_B(\overline{T}) = 1 - 20\% = 80\%$$
.

• 
$$P_C(T) = 80\%$$

• 
$$P_C(\overline{T}) = 1 - 80\% = 20\%$$
.

Dans ces conditions, calculons: P(A).

L'effectif total de l'entreprise est de: 450 + 230 + 320 = 1000 employés.

Or, il y a 450 employés dans le service A.

D'où: 
$$P(A) = \frac{450}{1000} \implies P(A) = 45\%$$
.

Au total, nous avons bien: P(A) = 45%.

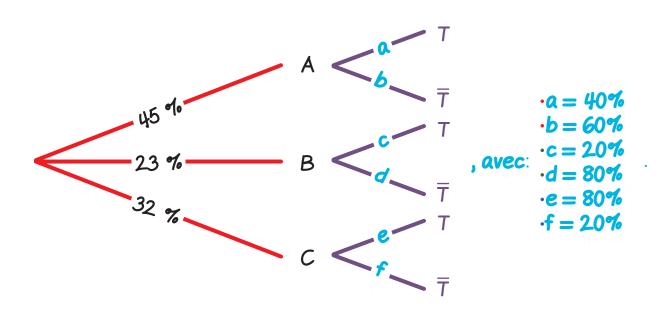
# 1. b. Donnons $P_A$ ( T ):

 $P_A$  ( T ) correspond au pourcentage d'employés du service A résidant à moins de 30 minutes de l'entreprise.

D'où: 
$$P_A(T) = 40\%$$
.

## 1. c. Traduisons la situation par un arbre pondéré:

Nous avons ainsi l'arbre pondéré suivant:



2. Déterminons la probabilité que l'employé choisi soit du service A et qu'il réside à moins de 30 minutes de son lieu de travail:

Cela revient à calculer:  $P(A \cap T)$ .

$$P(A \cap T) = P_A(T) \times P(A)$$
.

Ainsi: 
$$P(A \cap T) = 40\% \times 45\% \implies P(A \cap T) = 18\%$$
.

Au total, la probabilité que l'employé choisi soit du service A et réside à moins de 30 minutes de son lieu de travail est de: 18%.

3. Montrons que P(T) = 0,482:

Il s'agit de calculer: P(T).

Or, l'événement  $T = (T \cap A) \cup (T \cap B) \cup (T \cap C)$ .

D'où: 
$$P(A) = P(T \cap A) + P(T \cap B) + P(T \cap C)$$
  
=  $P_A(T) \times P(A) + P_B(T) \times P(B) + P_C(T) \times P(C)$ .

Ainsi: 
$$P(A) = 40\% \times 45\% + 20\% \times 23\% + 80\% \times 32\% \implies P(T) = 48,2\%$$

Au total, nous avons bien: P(T) = 0,482.

4. Déterminons  $P_{\overline{\tau}}$  ( C ):

$$P_{\overline{T}}(C) = \frac{P(\overline{T} \cap C)}{P(\overline{T})}$$
$$= \frac{P_C(\overline{T}) \times P(C)}{I - P(T)}.$$

Ainsi: 
$$P_{\overline{T}}(C) = \frac{20\% \times 32\%}{1-48,2\%} \implies P_{\overline{T}}(C) \approx 12,4\%.$$