

# Mathématiques

## Enseignement Scientifique

### Automatismes



**CORRIGÉ** DE L'EXERCICE

# RÉVISIONS, POURCENTAGES 16

## CORRECTION

### 1. Convertissons 2 h30 en minutes:

Nous savons que: 1 heure = 60 minutes.

Dans ces conditions: 2 heures = 120 minutes.

D'où: 2 h30 = 120 minutes + 30 minutes.

Ainsi, en minutes, 2 h30 correspond à: 150 minutes.

### 2. Développons et réduisons $(x - 4)^2$ :

Soit  $A = (x - 4)^2$ .

$$A = (x - 4) \times (x - 4)$$

$$= x^2 - 4x - 4x + 16$$

$$= x^2 - 8x + 16.$$

Ainsi, l'expression développée et réduite de A est:  $A = x^2 - 8x + 16$ .

### 3. Calculons $\frac{3}{5} - \frac{2}{3}$ :

$$\text{Soit: } B = \frac{3}{5} - \frac{2}{3}.$$

D'où, nous pouvons écrire:  $B = \frac{3}{5} - \frac{2}{3}$

$$= \frac{(3 \times 3)}{5 \times 3} - \frac{(2 \times 5)}{5 \times 3}$$

$$= \frac{9}{15} - \frac{10}{15}$$

$$= \frac{9 - 10}{15}$$

$$= -\frac{1}{15}$$

Ainsi, sous forme irréductible:  $\frac{3}{5} - \frac{2}{3} = -\frac{1}{15}$ .

4. Calculons  $h$  dans la formule  $h = \frac{1}{2}gt^2$  quand  $g = 10$  et  $t = 4$ :

Si  $h = \frac{1}{2}gt^2$  avec  $g = 10$  et  $t = 4$ , nous pouvons alors écrire:  $h = \frac{1}{2} \times 10 \times 4^2$ .

Ainsi, quand  $g = 10$  et  $t = 4$ :  $h = 80$ .

5. Déterminons les premier et troisième quartiles:

Par lecture graphique: • le premier quartile est  $Q_1 = 1,5$  heures,  
• le troisième quartile est  $Q_3 = 4,6$  heures.

Ainsi, les premier et troisième quartiles sont respectivement:

$Q_1 = 1,5$  heures et  $Q_3 = 4,6$  heures.

6. Vrai ou Faux ?

Sur le diagramme en boîte, la médiane est:  **$Me = 3$  heures.**

Ainsi, **VRAI** on peut affirmer que le temps quotidien moyen passé sur un écran est de 3 heures !

7. Factorisons  $(x - 5)(x + 1) + (x - 5)(2x - 4)$ :

$$\text{Soit } C = (x - 5)(x + 1) + (x - 5)(2x - 4).$$

$$C = (x - 5) \times (x + 1 + 2x - 4)$$

$$= (x - 5)(3x - 3) \text{ ou encore } C = 3(x - 5)(x - 1).$$

Ainsi, l'expression factorisée de  $C$  est:  **$C = 3(x - 5)(x - 1)$ .**

8. Déterminons l'ordonnée du point  $A(-1; \dots) \in \mathcal{L}_g$ :

$$\text{Ici: pour tout } x \in \mathbb{R}, g(x) = 2x^2 + 4.$$

$$\text{Dans ces conditions: } g(-1) = 2 \times (-1)^2 + 4$$

$$= 6.$$

Ainsi, l'ordonnée du point  $A$  est:  **$y_A = 6$ .**

9. Déterminons "  $a$  " quand  $3^2 \times 3^a = 3^8$ :

$$\text{D'après le cours, nous savons que: } x^c \times x^d = x^{c+d}.$$

$$\text{Ici: } x = 3, c = 2, \text{ et } d = a.$$

$$\text{Dans ces conditions: } 3^2 \times 3^a = 3^{(2+a)}.$$

$$\text{D'où: } 3^2 \times 3^a = 3^8 \iff 3^{(2+a)} = 3^8 \iff 2 + a = 8 \text{ cad } a = 6.$$

Ainsi:  $a = 6$ .

10. Déterminons l'équation réduite de la droite passant par les points A (0; 1) et B (2; 5):

Soit  $\Delta$  la droite passant par les points A (0; 1) et B (2; 5).

Soit " a " le coefficient directeur de cette droite, " a " est tel que:

$$a = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} \text{ cad } a = \frac{5 - 1}{2 - 0} = 2.$$

Or la droite  $\Delta$  a pour équation:  $y = a x + b$ , d'où:  $y = 2 x + b$ .

De plus,  $\Delta$  passe par le point A (0; 1), d'où:  $1 = 2 \times 0 + b$  cad  $b = 1$ .

Ainsi, l'équation de la droite  $\Delta$  est:  $y = 2 x + 1$ .